

Correction Bac Blanc Sujet 2 – spé PC

Exercice 1	10 points
<p>1.1. Calcul de la période du vaisseau : $T = \frac{2\pi.R}{v} = \frac{2\pi \times 6,56 \times 10^6}{7,79 \times 10^3} = 5,29 \times 10^3 \text{ s} = 88,2 \text{ min.}$ La durée Δt passée en orbite, sachant que le vaisseau fait 1,5 tour, est donc $\Delta t = 1,5 \times 5,29 \times 10^3 = 7,94 \times 10^3 \text{ s}$ ou 132 minutes (soit 2h et 12 min).</p>	<p>X X X X</p>
<p>1.2.1. Calcul de la valeur de l'énergie cinétique : $E_c = \frac{1}{2} \times m \times v^2 = 1/2 \times 4,50 \times 10^4 \times (7,79 \times 10^3)^2$ $E_c = 1,37 \times 10^{12} \text{ J}$</p>	<p>X X</p>
<p>1.2.2. Par définition $E_m = E_c + E_p = 1,37 \times 10^{12} - 2,74 \times 10^{12} = -1,37 \times 10^{12} \text{ J}$</p>	<p>X X</p>
<p>1.31. Energie minimale à fournir : Définissons l'énergie mécanique : $E_m = E_{mo} + E_{fournie}$ Soit $E_{fournie} = E_m - E_{mo} = -1,37 \times 10^{12} + 2,81 \times 10^{12} = 1,44 \times 10^{12} \text{ J} < 5 \times 10^{12} \text{ J}$ le lancement est possible.</p>	<p>X X X X</p>
<p>1.3.2. Avant le décollage, dans le référentiel géocentrique, le vaisseau tourne comme tout point de la surface de la Terre donc son énergie cinétique n'est pas nulle.</p>	<p>X</p>
<p>2.1 Expression de la force d'interaction gravitationnelle exercée par la Lune sur ce satellite</p> $\vec{F}_{L/S} = G \frac{M_L M_S}{(R_L + h_L)^2} \cdot \vec{n}$	<p>X X</p>
<p>2.2. Dans le référentiel centré sur la Lune, considéré galiléen, on applique la 2^{ème} Loi de Newton au satellite de masse M_s. $M_s \vec{a} = \vec{F}_{L/S}$ car le satellite n'est soumis qu'à la force d'attraction gravitationnelle de la Lune. On peut écrire $\vec{F}_{L/S} = G \frac{M_L M_S}{(R_L + h_L)^2} \cdot \vec{n} = M_s \vec{a}$ soit $\vec{a} = \frac{G \cdot M_L}{(R_L + h_L)^2} \cdot \vec{n}$</p>	<p>X X</p>
<p>2.3. Dans le repère de Frenet, pour un mouvement circulaire et uniforme de rayon $R_L + h_L$, l'expression de l'accélération est $\vec{a} = \frac{v^2}{R_L + h_L} \cdot \vec{n} = \frac{G \cdot M_L}{(R_L + h_L)^2} \cdot \vec{n}$ Soit $\frac{v^2}{R_L + h_L} = \frac{G \cdot M_L}{(R_L + h_L)^2}$ on en déduit $v^2 = \frac{G \cdot M_L}{R_L + h_L}$ ce qui donne bien $v = \sqrt{\frac{G \cdot M_L}{R_L + h_L}}$</p>	<p>X X X</p>
<p>2.4. Calcul de la période T du vaisseau : on définit la période $T = \frac{2\pi \cdot (R_L + h_L)}{v}$ On remplace par l'expression de v trouvée : $T = \frac{2\pi \cdot (R_L + h_L)}{\sqrt{\frac{G \cdot M_L}{R_L + h_L}}}$ soit $T = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{(R_L + h_L)^3}{G \cdot M_L}}$ $T = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{(1,73 \times 10^6 + 110 \times 10^3)^3}{6,67 \times 10^{-11} \times 7,34 \times 10^{22}}} = 7,09 \times 10^3 \text{ s} = 2 \text{ h}$</p>	<p>X X X X</p>
<p>2.5. Les deux astronautes restent 21 h et 36 min sur le sol lunaire soit 77760 s $\frac{77760}{7090} = 11 \text{ tours}$</p>	<p>X X</p>
<p>3.1. Par définition $v_y(t) = \frac{dy}{dt} = -0,86 \times 2 \times t + 1,4 = -1,72 \times t + 1,4$ la vitesse initiale $v_{0y} = v_y(t=0) = 1,4 \text{ m.s}^{-1}$</p>	<p>X X X X</p>
<p>3.2. Valeur de l'intensité de la pesanteur lunaire Dans le cas du modèle de la chute libre on sait que $\vec{a} = \vec{g}_L$ soit par projection suivant l'axe Oy $a_y = -g_L$ or par définition $a_y = \frac{dv_y}{dt} = -1,72 \text{ m.s}^{-2}$ soit $g_L = 1,72 \text{ m.s}^{-2}$</p>	<p>X X X X</p>
<p>3.3. Etablissons les équations $v_y(t)$ puis $y(t)$, suivant l'axe Oy, dans le modèle de la chute libre : $a_y = -g_T$ or par définition $a_y = \frac{dv_y}{dt}$ soit $v_y(t_S) = -g_T \times t + v_{0y} = -9,81 \times t + 1,4$ Par définition $v_y(t) = \frac{dy}{dt}$ on cherche la primitive : $y(t) = -\frac{1}{2} \times g \times t^2 + v_{0y} \times t$ car $y_0 = 0$ Soit l'équation numérique $y(t) = -4,9 t^2 + 1,4 t$</p>	<p>X X</p>
<p><u>Calcul de la durée nécessaire notée t_S pour arriver au sommet du saut vertical</u> À t_S, la vitesse est nulle donc $v_y(t_S) = 0$. On a donc $0 = -g_T \times t_S + v_{0y}$ Soit $t_S = \frac{v_{0y}}{g_T} = \frac{1,4}{9,81} = 0,14 \text{ s}$. Calcul de la hauteur du saut H à cet instant : $y(t_S) = H = -4,9 t_S^2 + 1,4 t_S = -4,9 \times (0,14)^2 + 1,4 \times 0,14 = 0,10 \text{ m}$ soit 10 cm (au lieu de 60 cm)</p>	<p>X X</p>
<p><u>Calcul de la durée du saut vertical sur Terre</u> La durée du saut t_0 est telle que $y(t_0) = 0 = -\frac{1}{2} g t_0^2 + v_{0y} \times t_0 = (-\frac{1}{2} g t_0 + v_{0y}) \times t_0$ avec $t_0 \neq 0$ soit $-\frac{1}{2} \times g \times t_0 + v_{0y} = 0$ $t_0 = \frac{2v_{0y}}{g} = \frac{2 \times 1,4}{9,81} = 0,29 \text{ s}$: le saut est donc près de 6 fois plus long que le saut sur la Lune (qui dure 1,68 s d'après la figure 2).</p>	<p>X X</p>

Exercice 2		5 points
A.1. Équation de la réaction de dissolution : $MgCl_{2(s)} \rightarrow Mg^{2+(aq)} + 2 Cl^{-}(aq)$		X X
A.2. D'après l'équation, 1 mol de $MgCl_{2(s)}$ donne 2 mol d'ions $Cl^{-}(aq)$ donc $[Cl^{-}(aq)] = 2xc = 8,0 \times 10^{-2} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$		X
A.3. On a $[Cl^{-}(aq)] = 8,0 \times 10^{-2} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$ Calculons la concentration massique $c_{m1} = [Cl^{-}(aq)] \times M_{Cl} = 8,0 \times 10^{-2} \times 35,5 = 2,8 \text{ g}\cdot\text{L}^{-1}$ Calcul de la concentration totale en masse : $c_{m\text{totale}} = 16,5 + 2,8 = 19,3 \text{ g}\cdot\text{L}^{-1}$		X X X
B.1. Au cours du titrage, avant l'équivalence quand 1 mol d'ions Cl^{-} est consommée et 1 mol d'ions NO_3^{-} est introduite en solution. Or $\lambda_{Cl^{-}(aq)} > \lambda_{NO_3^{-}(aq)}$ donc la conductivité σ de la solution diminue. Après l'équivalence, on introduit en excès des ions Ag^{+} et NO_3^{-} en solution, la conductivité σ de la solution augmente : la seule courbe correspondant à ces deux évolutions est la courbe III.		X X X X
B.2. La quantité d'ions argent versée pour atteindre l'équivalence est égale à la quantité initiale d'ions chlorure, ce qui s'exprime par $(nAg^{+})_E = (nCl^{-})_i$ soit $Co.V_E = [Cl^{-}(aq)].V_{\text{eau}}$ où $V_{\text{eau}} = 50,0 \text{ mL}$ $[Cl^{-}(aq)] = \frac{1,00 \times 10^{-2} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1} \times 13,0 \text{ mL}}{50,0 \text{ mL}} = 2,6 \times 10^{-3} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$ La concentration en masse des ions chlorure est donc : $C_m = [Cl^{-}(aq)] \times M_{Cl} = 2,6 \times 10^{-3} \times 35,5 = 0,092 \text{ g}\cdot\text{L}^{-1}$ soit 92 mg.L⁻¹ < 200 mg.L⁻¹ l'eau est potable.		X X X X X X
C.1. A correspond à l'espèce Cl^{-} car la quantité nA diminue jusqu'à $V = 13 \text{ mL}$ puis est nulle (ou ligne 21 et 28). B correspond à l'espèce Ag^{+} car la quantité nB est nulle jusqu'à $V = 13 \text{ mL}$ puis augmente (ou Ligne 22 et 29) C correspond à l'espèce $AgCl$ car la quantité nC augmente jusqu'à $V = 13 \text{ mL}$ puis est constante (ou Ligne 23 et 30)		X X X
C.2. ligne 15 calcul de la concentration en ions chlorure : $c_A = (c_B \cdot V_E) / v_A$		X
Exercice 3		5 points
A.1. Formule semi-développée de l'ion lactate : 		X X
A.2. Deux couples acide/base : $C_3H_6O_3 / C_3H_5O_3^{-}$ H_3O^{+} / H_2O		X X
A.3. Définition de la constante d'acidité : constante d'équilibre associée à l'équation de réaction entre l'acide lactique et l'eau.		X
A.4. D'après la définition, on a $K_A = \frac{[C_3H_5O_3^{-}] \times [H_3O^{+}]}{[C_3H_6O_3] \times c^0}$ D'après l'équation de réaction, à l'état final (soit l'équilibre) $[C_3H_5O_3^{-}]_f = [H_3O^{+}]_f$ et $[C_3H_6O_3]_f = C - [C_3H_5O_3^{-}]_f = C - [H_3O^{+}]_f$ On obtient bien $K_A = \frac{[H_3O^{+}]_f^2}{(C - [H_3O^{+}]_f) \cdot c^0}$		X X X
A.5. Par définition $[H_3O^{+}]_f = c^0 \times 10^{-pH} = 10^{-3,03} = 9,33 \times 10^{-4} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$		X X
A.6. L'acide lactique n'est pas un acide fort car $[H_3O^{+}]_f < C$		X
A.7. Calcul de la valeur de $K_A = \frac{(9,33 \times 10^{-4})^2}{(8,00 \times 10^{-3} - 9,33 \times 10^{-4})} = 1,23 \times 10^{-4}$ soit $pK_A = -\log K_A = 3,91$		X X
A.8. $pK_A = (3,882 \pm 0,029)$: cet intervalle contient bien la valeur 3,91 trouvée en A.7.		X X
A.9. Lorsque $pH = pK_A$ on a en solution $[C_3H_6O_3] = [C_3H_5O_3^{-}]$ c'est-à-dire 50 % de l'espèce acide et 50 % de l'espèce basique : A l'intersection des 2 courbes on lit $pH = 3,9 = pK_A$		X X
B.1. Si la réaction était totale, à l'état final on aurait $n_{\text{ester max}} = 0,741 \text{ mol}$ or pour l'expérience (b), à l'état final un palier est atteint et $n_{\text{ester}} = 0,370 \text{ mol} < 0,741 \text{ mol}$		X X
B.2. Graphiquement, la vitesse volumique d'apparition de l'ester est proportionnelle à la pente de la tangente à la courbe or cette pente diminue au cours du temps pour tendre vers 0. Donc v_{max} à $t = 0$, v diminue puis tend vers 0.		X X
B.3. Pour l'expérience (a) la quantité n_{ester} continue d'augmenter après $t = 350 \text{ min}$, l'état final n'est pas atteint		X